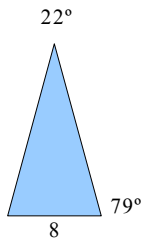


Cajón de Ciencias

Soluciones

1)

a)



Cuando tengamos que resolver un triángulo no rectángulo del cual conozcamos una pareja ángulo-lado opuesto y un dato de algún otro lado o ángulo, aplicaremos el teorema del seno. Recuerda que es el que establece la siguiente relación:

$$a/\text{sen}A = b/\text{sen}B = c/\text{sen}C$$

Siendo **a** y **A**, **b** y **B**, **c** y **C** las parejas de ángulo y lado opuesto. Utilizamos en este caso los 22° y el lado de 8 como referencia y calculamos el lado opuesto a los 79° :

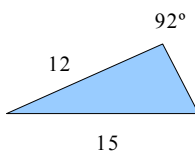
$$\begin{aligned}8/\text{sen}22 &= b/\text{sen}79 \\8/0,37 &= b/0,98 \\b &= 21,62 \cdot 0,98 \\b &= 21,22\end{aligned}$$

Para hallar el resto podría parecer que nos falta el dato del tercer ángulo. Pero recuerda que los tres ángulos de un triángulo siempre suman 180° . Por lo tanto, ese tercer ángulo debe valer

$$C = 180 - 22 - 79 = 79^\circ$$

Así que es un triángulo isósceles. No hace falta hacer más cálculos: si tiene dos ángulos iguales, también tiene dos lados iguales, y el lado que nos falta también mide 21,22.

b)



Otro caso de teorema del seno, pues tenemos una pareja ángulo/lado opuesto completa, y algún otro dato suelto. Empezamos calculando el ángulo que está frente al lado que mide 12:

$$\begin{aligned}15/\text{sen}92 &= 12/\text{sen}B \\15/0,99 &= 12/\text{sen}B \\ \text{sen}B &= 12/15,15 \\ B &= 52,37^\circ\end{aligned}$$

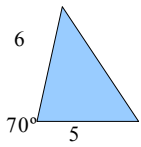
El tercer ángulo mide $37,63^\circ$ (180 menos la suma de los otros dos). Con este dato calculamos el tercer lado:

$$\begin{aligned}15/\text{sen}92 &= c/\text{sen}37,63 \\15,15 &= c/0,61 \\c &= 9,25\end{aligned}$$

(También podríamos haber usado la otra pareja $b/\text{sen}B$; comprueba que da lo mismo).

Cajón de Ciencias

c)



Ahora no nos vale el teorema del seno, porque no tenemos una pareja de ángulo/lado opuesto. Para estos casos, en los que conocemos dos lados y el ángulo del vértice que forman, usamos el teorema del coseno:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos A$$

Siendo **a** el lado que nos falta. Si te fijas, la fórmula se parece un montón al teorema de Pitágoras, sólo que con un añadido; esta “actualización” es la que nos permite usarla en triángulos no rectángulos. La fórmula del teorema del coseno también debería recordarte a otra cosa. Intenta pensar cuál antes de mirar la nota al pie de página¹.

$$a^2 = 5^2 + 6^2 - 2 \cdot 5 \cdot 6 \cdot \cos 70$$

$$a^2 = 61 - 60 \cdot 0,34$$

$$a^2 = 40,48$$

$$a = 6,36$$

Conociendo el lado opuesto, ya podemos usar el teorema del seno para hallar alguno de los ángulos que aún no tenemos:

$$6,36/\sin 70 = 5/\sin B$$

$$6,36/0,94 = 5/\sin B$$

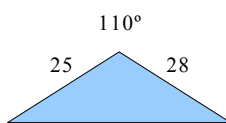
$$\sin B = 5/6,39$$

$$B = 51,54^\circ$$

Y por lo tanto, C vale

$$C = 180 - 51,54 - 70 = 58,46^\circ$$

d)



De nuevo usamos el teorema del coseno. Se resuelve igual que el caso anterior.

$$a^2 = 25^2 + 28^2 - 2 \cdot 25 \cdot 28 \cdot \cos 110$$

$$a^2 = 625 + 784 - 1400 \cdot (-0,34)$$

$$a^2 = 1885$$

$$a = 43,42$$

Y luego el teorema del seno:

$$43,42/\sin 110 = 25/\sin B$$

$$\sin B = 25/46,21 = 0,54$$

$$B = 32,76^\circ$$

$$C = 180 - 110 - 32,76 = 37,24^\circ$$

¹ “El primero al cuadrado más el segundo al cuadrado menos dos veces el primero por el segundo” ¿O no se parece al cuadrado de una resta?